

**مسألة (1) :**

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R - \{1\}$  كما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 - 3x + 6}{x - 1}$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \bar{i}, \bar{j})$  .

(1) بين أنه توجد ثلاثة أعداد حقيقي  $c, b, a$  بحيث من

أجل كل  $x$  من  $R - \{1\}$  فإن :

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x - 1}$$

(2) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(3) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(4) أثبت أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته :  $y = x - 2$  هو

مستقيم مقارب مائل للمنحني ( $C_f$ ) .

(5) أدرس وضعية المنحني ( $C_f$ ) بالنسبة إلى ( $\Delta$ ) .

(6) بين أن النقطة  $A(1, -1)$  هي مركز تناظر لـ ( $C_f$ )

(7) عين إحداثيات النقط من المنحني ( $C_f$ ) التي يكون

فيها معامل توجيه المماس للمنحني ( $C_f$ ) مساويا -3 .

(8) أنشئ المنحني ( $C_f$ ) .

(9) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد

وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية :

$$x^2 - (m + 3)x + m + 6 = 0$$

(10) إعتادا على المنحني ( $C_f$ ) أنشئ المنحني ( $C_h$ )

الممثل للدالة  $h$  المعرفة على  $R - \{1\}$  كما يلي :

$$h(x) = \frac{x^2 - 3x + 6}{|x - 1|}$$

**مسألة (2) :**

$a$  و  $b$  عدنان حقيقيان

$f$  دالة عددية معرفة على  $R - \{1\}$  كما يلي :

$$f(x) = \frac{ax^2 + bx}{x^2 - 2x + 1}$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \bar{i}, \bar{j})$  .

(1) عين قيمتي  $a$  و  $b$  بحيث يشمل المنحني ( $C_f$ )

النقطة  $A(4, 0)$  ويقبل عند هذه النقطة مماسا معادلته :

$$y = \frac{-4}{3}x + \frac{16}{3}$$

(2) نضع  $a = -3$  و  $b = 12$

(أ) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(ب) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(ج) أدرس وضعية المنحني ( $C_f$ ) بالنسبة إلى المستقيم

( $\Delta$ ) الذي معادلته لتكن  $y = -3$

(د) أنشئ المنحني ( $C_f$ ) ثم ناقش بيانيا و حسب قيم

الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة ذات

المجهول  $x$  التالية :

$$(m + 3)x^2 - 2(m + 6)x + m = 0$$

(3) إعتادا على المنحني ( $C_f$ ) أنشئ المنحني ( $C_h$ )

الممثل للدالة  $h$  المعرفة على  $R - \{1\}$  كما يلي :

$$h(x) = \frac{3x^2 - 12x}{(x - 1)^2}$$

**مسألة (3) :**

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R - \{-1, -2\}$  كما يلي

$$f(x) = \frac{-4x^2 - 12x - 5}{4(x^2 + 3x + 2)}$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \bar{i}, \bar{j})$  .

(1) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $R - \{-1, -2\}$  فإن :

$$f(x) = -1 + \frac{3}{4} \left( \frac{1}{x + 1} - \frac{1}{x + 2} \right)$$

(2) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(3) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(4) أدرس وضعية المنحني ( $C_f$ ) بالنسبة إلى المستقيم

(3) بين أن المعادلة  $h(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا

$\alpha$  محصور بين العددين 0 و 1

(4) استنتج إشارة  $h(x)$

(B) لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R$  كما يلي :

$$f(x) = \frac{x^3 + 1}{x^2 + 1}$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $R$  فإن :

$$f'(x) = \frac{xh(x)}{(x^2 + 1)^2}$$

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول

تغيراتها

(3) أثبت أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته :  $y = x$

هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى ( $C_f$ )

(4) أدرس وضعية المنحنى ( $C_f$ ) بالنسبة إلى ( $\Delta$ )

(5) بين أنه من أجل  $x \in [0, +1]$  فإن :  $x \leq f(x) \leq 1$

(6) أنشئ بدقة المنحنى ( $C_f$ )

مسألة (6) :

$f$  دالة عددية معرفة على  $R - \{1\}$  كما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 - 3|x - 2|}{x - 1}$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أدرس قابلية الاشتقاق للدالة  $f$  من أجل القيمة 2

(2) استنتج أن المنحنى ( $C_f$ ) يقبل نصفي مماسين في

النقطة ذات الفاصلة 2 يطلب كتابة معادلتيهما

(3) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(4) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(5) عين نقط تقاطع المنحنى ( $C_f$ ) مع محوري

الإحداثيات

(6) أرسم بدقة المنحنى ( $C_f$ )

( $\Delta$ ) الذي معادلته  $y = -1$

(5) أثبت أن المستقيم الذي معادلته  $2x + 3 = 0$  هو

محور تناظر للمنحنى ( $C_f$ )

(6) أنشئ المنحنى ( $C_f$ ) واستعمله لمناقشة عدد

وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية :

$$4(m+1)x^2 + 12(m+1)x + 8m + 5 = 0$$

(حيث  $m$  وسيط حقيقي )

(7) نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$

$$U_n = \frac{1}{n+1} - \frac{1}{n+2}$$

(أ) أحسب المجموع

$$S_n = U_0 + U_1 + U_3 + \dots + U_n$$

(ب) استنتج حساب المجموع

$$S'_n = f(0) + f(1) + f(2) + \dots + f(n)$$

حيث  $f$  هي الدالة المعرفة سابقا

مسألة (4) : لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R^*$

كما يلي :

$$f(x) = \frac{x^3 - x + 1}{x^2}$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(3) أثبت أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته :  $y = x$

هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى ( $C_f$ )

(4) أدرس وضعية المنحنى ( $C_f$ ) بالنسبة إلى ( $\Delta$ )

(5) برهن أنه يوجد مماس ( $\Delta'$ ) للمنحنى ( $C_f$ ) يوازي

( $\Delta$ ) يطلب كتابة معادلته

(6) برهن أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $x_0$

محصور بين العددين -2 و -1

(7) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$

عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية :

$$f(x) = x + m$$

مسألة (5) :

(A) لتكن  $h$  دالة معرفة على  $R$  كما يلي :

$$h(x) = x^3 + 3x - 2$$

(1) أحسب نهايات الدالة  $h$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $h$

### مسألة (7) :

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R - \left\{ \frac{1}{2} \right\}$  كما يلي

$$f(x) = ax + b + \frac{2}{2x-1}$$

حيث  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان  
( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) عين العددين  $a$  و  $b$  بحيث يقبل المنحني ( $C_f$ ) مماسا في النقطة  $A(1,5)$  معامل توجيهه

-3

(2) نضع  $a=1$  و  $b=2$   
(أ) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها مبينا أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته  $y = x + 2$  هو مستقيم مقارب مانل للمنحني ( $C_f$ ).

(ب) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(ج) بين أن النقطة  $E\left(\frac{1}{2}, \frac{5}{2}\right)$  هي مركز تناظر للمنحني ( $C_f$ ).

(د) عين إحداثيات نقط تقاطع المنحني ( $C_f$ ) مع محوري الإحداثيات ثم أرسم ( $C_f$ ).  
(هـ) ناقش بيانيا عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية :

$$2x^2 + (3 + 2m)x - m = 0$$

(حيث  $m$  وسيط حقيقي)

### مسألة (8) :

(A) لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R$  كما يلي :

$$f(x) = e^x - \frac{1}{2}x^2$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أحسب الدالة المشتقة الأولى  $f'$  ثم الدالة

المشتقة الثانية  $f''$  للدالة  $f$

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f'$  ثم إستنتج إشارة  $f'(x)$

(3) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها  
(4) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها  
(5) أكتب معادلة المماس ( $\Delta$ ) للمنحني ( $C_f$ ) في النقطة ذات الفاصلة 0، أدرس وضعية ( $\Delta$ ) بالنسبة إلى ( $C_f$ )

(6) أرسم ( $\Delta'$ ) ثم المنحني ( $C_f$ )  
(B) لتكن  $g$  دالة عددية معرفة على  $R$  كما يلي:

$$g(x) = e^x - x$$

( $C_g$ ) تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق

(1) أحسب نهايات الدالة  $g$  عند حدود مجالات تعريفها

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها

(3) أدرس وضعية المنحني ( $C_g$ ) بالنسبة للمستقيم ( $D$ ) الذي معادلته  $y = -x$

(4) أكتب معادلتى المماسين للمنحني ( $C_g$ ) في النقطتين اللتين فاصلتهما 1 و -1

(5) عين إحداثيي نقط تقاطع المنحنيين ( $C_g$ ) و ( $C_f$ )  
ثم أدرس وضعية أحدهما بالنسبة للآخر  
(6) أنشئ ( $C_g$ ) في نفس المعلم السابق

مسألة (9) : لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R^*$  بـ :

$$f(x) = \frac{e^{2x} + e^x - 1}{e^x - 1}$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $R^*$  فإن :

$$f(x) = e^x + 1 + \frac{e^x}{e^x - 1} \text{ و } f(x) = e^x + 2 + \frac{1}{e^x - 1}$$

(2) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها  
(3) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها  
(4) أوجد  $x_0$  فاصلة نقطة تقاطع ( $C_f$ ) مع محور الفواصل

(5) أحسب  $f(\ln 4), f(\ln \frac{1}{3})$  ثم أنشئ ( $C_f$ )

(6) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية :

$$e^{2x} - (m-1)e^x + m - 1 = 0$$

**مسألة (10):**

(A) لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R$  كما يلي:

$$f(x) = ae^{2x} + be^x + c$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) عين الأعداد الحقيقية  $c, b, a$  بحيث تتحقق

الشروط التالية:

(أ) ( $C_f$ ) يشمل المبدأ  $O(0,0)$

$$f'(\ln \frac{3}{4}) = 0 \quad (\text{ب})$$

(ت) المستقيم الذي معادلته  $y = 1$  هو مستقيم

مقارب للمنحنى ( $C_f$ )

(B) نعتبر  $f$  الدالة المعرفة على  $R$  كما يلي:

$$f(x) = 2e^{2x} - 3e^x + 1$$

(1) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(3) عين إحداثيات نقط تقاطع المنحنى ( $C_f$ ) مع محوري

الإحداثيات

(4) أكتب معادلة المماس للمنحنى ( $C_f$ ) في النقطة  $O$

مبدأ الإحداثيات

(5) أنشئ بدقة المنحنى ( $C_f$ )

(C) لتكن الدالة  $g$  المعروف كما يلي:

$$g(x) = \ln(2e^{2x} - 3e^x + 1)$$

( $C_g$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$

(1) بين أن الدالة  $g$  معرفة على المجال

$$D_g = ]-\infty, -\ln 2[ \cup ]0, +\infty[$$

(2) أحسب نهايات الدالة  $g$  عند حدود مجالات تعريفها

(3) أدرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها

(4) عين نقط تقاطع المنحنى ( $C_g$ ) مع محور الفواصل

(5) أنشئ المنحنى ( $C_g$ ) في معلم جديد.

**مسألة (11):**

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R - \{\ln 2\}$  بـ:

$$f(x) = x + \frac{e^x}{2(e^x - 2)}$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(2) بين أن المنحنى ( $C_f$ ) يقبل مستقيمين

مقاربي مائلين  $(\Delta), (\Delta')$  معادلتهما على

$$y = x + \frac{1}{2}, y = x$$

(3) أدرس وضعية ( $C_f$ ) بالنسبة لـ  $(\Delta), (\Delta')$

(4) بين أن النقطة  $E(\ln 2, \frac{1}{4} + \ln 2)$  هي مركز

تناظر للمنحنى ( $C_f$ )

(5) أنشئ بدقة المنحنى ( $C_f$ )

(6) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$

عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية:

$$f(x) = x + m$$

**مسألة (12):**

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R^*$  كما يلي:

$$f(x) = x - 1 - \ln|x|$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم

متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(3) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$

$$\text{بحيث: } -\frac{1}{2} < \alpha < -\frac{1}{4}$$

(4) أكتب معادلة المماس  $(\Delta)$  للمنحنى ( $C_f$ ) في النقطة

$$\text{ذات الفاصلة } x_0 = \frac{1}{2}$$

(5) أرسم  $(\Delta)$  ثم أنشئ المنحنى ( $C_f$ )

### مسألة (13) :

أ) لتكن  $h$  دالة عددية معرفة على المجال  $]0, +\infty[$  كما

$$h(x) = \frac{1}{2}x^2 - \ln x \quad \text{يلي :}$$

أدرس اتجاه تغير الدالة  $h$  ثم شكل جدول تغيراتها  
مستنتجا أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $]0, +\infty[$  فإن :

$$h(x) \geq \frac{1}{2}$$

ب) لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على المجال  $]0, +\infty[$

$$f'(x) = \frac{1}{2}x + \frac{\ln x}{x} \quad \text{كما يلي :}$$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم  
متعامد و متجانس  $(o, \bar{i}, \bar{j})$  .

1) أثبت أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $]0, +\infty[$  فإن :

$$f'(x) = \frac{1+h(x)}{x^2}$$

2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

3) أثبت أن المستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلته :  $y = \frac{1}{2}x$  هو

مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  .

4) أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$  .

5) بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة إنعطاف  $A$  يطلب

تعيين إحداثيها .

6) أكتب معادلة المماس  $(D)$  للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة

ذات الفاصلة  $e$  .

7) أثبت أن المنحنى  $(C_f)$  يقطع محور الفواصل في

$$\text{المجال } \left] \frac{1}{2}, 1 \right[ .$$

8) أرسم المماس  $(D)$  ثم أنشئ المنحنى  $(C_f)$  .

9) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  وجود

و عدد نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع المستقيم الذي

$$\text{معادلته } y = \frac{1}{2}x + m .$$

### مسألة (14) :

أ) لتكن  $h$  دالة عددية معرفة على المجال

$$]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[ \quad \text{كما يلي :}$$

$$h(x) = 1 - x^2 - \ln|x|$$

1) أدرس اتجاه تغير الدالة  $h$  ثم شكل جدول تغيراتها

2) أحسب  $h(1)$  و  $h(-1)$  .

3) استنتج إشارة  $h(x)$  على مجموعة تعريفها .

ب) لتكن  $f$  دالة معرفة على  $]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$

$$f(x) = -x + e + \frac{\ln|x|}{x} \quad \text{كما يلي :}$$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد

و متجانس  $(o, \bar{i}, \bar{j})$

1) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$  فإن :

$$f'(x) = \frac{h(x)}{x^2}$$

2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

3) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلته  $y = -x + e$

هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  .

4) أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$  .

5) بين أن النقطة  $A(0, e)$  هي مركز تناظر للمنحنى

$(C_f)$  .

6) عين النقط من المنحنى  $(C_f)$  التي يكون فيها

المماس موازيا للمستقيم  $(\Delta)$  .

8) أكتب معادلة المماس عند النقطة التي فاصلتها  $e$  .

9) بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقطع محور الفواصل في

نقطتين فاصلتهما  $x_1, x_2$  حيث :

$$0,1 < x_1 < 0,5 \quad \text{و} \quad 3 < x_2 < 4$$

10) أرسم المماس ثم أنشئ المنحنى  $(C_f)$  .

11) حل و ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$

عدد و إشارة حلول المعادلة التالية :

$$-x - m + \frac{\ln|x|}{x} + e = 0$$

### مسألة (15) :

أ) لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$  كما يلي :  
$$f(x) = x - 2 \ln|x|$$
  
( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات تعريفها

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(3) أحسب  $f(1), f(-\frac{1}{2}), f(-1)$  ثم بين أن المعادلة

$f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا ينتمي إلى المجال  $]-1, -\frac{1}{2}[$ .

(4) أدرس وضعية المنحني ( $C_f$ ) بالنسبة للمستقيم

( $D$ ) الذي معادلته  $y = x$ .

(5) أرسم ( $D$ ) ثم المنحني ( $C_f$ ).

ب)  $m$  وسيط حقيقي، ( $\Delta_m$ ) مستقيم معادلته  $y = x + m$

(1) برهن أن ( $\Delta_m$ ) يقطع ( $C_f$ ) في نقطتين  $B, A$  يطلب تعيين إحداثيهما بدلالة  $m$ .

(2) أحسب الطول  $U_m$  للقطعة  $[AB]$  بدلالة  $m$ .

(3) نعتبر فيما يلي أن  $m$  يتغير في مجموعة الأعداد الطبيعية  $N$  فنحصل على المتتالية العددية ( $U_m$ ) التي حدها الأول  $U_0$

أ) برهن أن ( $U_m$ ) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها  $q$  وحدها الأول  $U_0$ .

ب) أحسب بدلالة  $m$  ما يلي :

$$S = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_{m-1}$$

$$M = U_0 \times U_2 \times \dots \times U_m$$

### مسألة (16) :

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على المجال  $]-1, 1[$  كما يلي

$$f(x) = \frac{1}{2} \ln \left( \frac{1+x}{1-x} \right)$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(2) بين أن الدالة  $f$  فردية ، ماذا تستنتج بالنسبة إلى المنحني ( $C_f$ ).

(3) أكتب معادلة المماس للمنحني ( $C_f$ ) في النقطة

ذات الفاصلة  $x_0 = 0$  وليكن ( $\Delta$ ).

(4) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا واحدا على المجال  $]-1, 1[$ .

أرسم المماس ( $\Delta$ ) ثم أنشئ المنحني ( $C_f$ ).

### مسألة (17) :

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $]0, +\infty[$  كما يلي :

$$f(x) = \frac{x-1}{x} \times \ln x$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في معلم  $m$  م  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

لتكن  $g$  دالة عددية معرفة على  $]0, +\infty[$  كما يلي :

$$g(x) = x - 1 + \ln x$$

(1) أحسب نهايات الدالة  $g$  عند حدود مجالات تعريفها

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها

(3) أحسب  $g(1)$  ثم أدرس إشارة  $g(x)$ .

(4) بين أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $]0, +\infty[$  فإن :

$$f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$$

(5) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(6) أنشئ المنحني ( $C_f$ )

### مسألة (18) :

لتكن  $f$  دالة معرفة على  $R$  كما يلي :

$$f(x) = \ln(e^{2x} - e^x + 1)$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في معلم متعامد متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$

(1) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(2) بين أن المستقيم ( $D$ ) الذي معادلته  $y = 2x$  هو مستقيم مقارب مائل للمنحني ( $C_f$ ).

(3) أدرس وضعية المنحني ( $C_f$ ) بالنسبة إلى ( $D$ )

(4) أرسم ( $D$ ) ثم أنشئ المنحني ( $C_f$ ).

(5) عدد حقيقي موجب تماما

ناقش بيانها ثم حسابيا و ذلك حسب قيم  $m$  عدد حلول المعادلة التالية :

$$e^{2x} - e^x + 1 - m = 0$$

يتبع

### مسألة (19) :

#### الجزء الأول

نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $]-\infty, 1]$  بـ:

$$g(x) = (1-x)e^x - 1$$

( $C_g$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى  $m$  م م  
( $o, \bar{i}, \bar{j}$ ) .

- 1) أحسب نهاية الدالة  $g$  عند  $-\infty$  ، ماذا تستنتج ؟
- 2) أدرس تغيرات الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها .
- 3) أنشئ المنحني ( $C_g$ ) ثم استنتج إشارة  $g(x)$  .
- 4) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $]-\infty, 1]$  فإن :

$$e^x \leq \frac{1}{1-x}$$

#### الجزء الثاني

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $]-\infty, 1]$  بـ:

$$f(x) = e^x + \ln(1-x)$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس ( $o, \bar{i}, \bar{j}$ ) .

- 1) اشرح لماذا الدالة  $f$  معرفة على المجال  $]-\infty, 1]$  .
- 2) أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $-\infty$  و عند  $1$  ، ماذا تستنتج ؟
- 3) بين أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $]-\infty, 1]$  فإن :

$$f'(x) = \frac{g(x)}{1-x}$$

- 4) استنتج جدول تغيرات الدالة  $f$  .
- 5) بين أنه يوجد عدد حقيقي وحيد  $\alpha$  من المجال  $]0, 1[$  بحيث :  $f(\alpha) = 0$
- 6) أحسب  $f(0)$  ثم أرسم بدقة المنحني ( $C_f$ ) .

### مسألة (20) :

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $R$  كما يلي :

$$f(x) = x + \frac{2}{e^x + 1}$$

وليكن ( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس ( $o, \bar{i}, \bar{j}$ ) .

- 1) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
- 2) بين أن المنحني ( $C_f$ ) يقبل مستقيمين مقاربين مانلين ( $\Delta_1$ ), ( $\Delta_2$ ) معادلتهما على الترتيب:

$$y = x, y = x + 2$$

- 3) أكتب معادلة المماس ( $\Delta$ ) للمنحني ( $C_f$ ) في النقطة  $A$  ذات الفاصلة  $0$  .
- 4) بين أن النقطة  $A$  هي نقطة انعطاف للمنحني ( $C_f$ )

5) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  فإن :

$$f(x) + f(-x) = 2$$

6) بين أن النقطة  $A$  هي مركز تناظر للمنحني ( $C_f$ )

7) أحسب  $f(1), f(2)$  ثم استنتج حساب  $f(-1), f(-2)$  .

8) بين أن المنحني ( $C_f$ ) يقطع محور الفواصل في

نقطة وحيدة فاصلتها  $\alpha$  حيث :  $-2 < \alpha < -1$  .

9) أرسم المماس ( $\Delta$ ) ثم المنحني ( $C_f$ ) .

10) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد

و إشارة حلول المعادلة :  $f(x) = m$  .

11) لتكن  $g$  دالة معرفة على  $R$  كما يلي :

$$g(x) = -x - \frac{2}{e^x + 1}$$

أ) أكتب  $g(x)$  بدلالة  $f(x)$  ، ماذا تستنتج ؟

ب) أنشئ في نفس المعلم السابق المنحني ( $C_g$ ) الممثل للدالة  $g$  .

### مسألة (21) :

#### الجزء الأول

نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $]0, +\infty[$  بـ:

$$g(x) = x^2 - 2 \ln x$$

( $C_g$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى  $m$  م م  
( $o, \bar{i}, \bar{j}$ ) .

1) أحسب نهايات الدالة  $g$  عند حدود مجالات

تعريفها

2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول

تغيراتها

3) أنشئ المنحني ( $C_g$ ) ثم استنتج إشارة  $g(x)$  .

#### الجزء الثاني

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]0, +\infty[$  بـ:

$$f(x) = 1 - x - \frac{2}{x}(1 + \ln x)$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس ( $o, \bar{i}, \bar{j}$ ) .

1) بين أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $]0, +\infty[$  فإن:

$$f'(x) = \frac{-g(x)}{x^2}$$

2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

3) بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) ذي المعادلة  $y = -x + 1$

هو مستقيم مقارب مانل لـ ( $C_f$ )

9) إستعمل المنحني  $(C_f)$  لمناقشة عدد و إشارة حلول

$$xe^{-x} - e^{-x} - 1 = m \quad \text{المعادلة :}$$

(حيث  $m$  وسيط حقيقي)

### طبيعة مادة الرياضيات في إمتحان شهادة البكالوريا

1) يتضمن الموضوع من 3 إلى 5 تمارين  
مستقلة عن بعضها البعض .

2) تنحصر العلامة المخصصة لكل تمرين بين  
3 و 10 نقاط بحيث يكون مجموعها 20 نقطة

3) يتضمن الموضوع البرهنة على خواص أو  
مبرهنات من البرنامج المقرر و إستعمالها

4) يتعدى مستوى التقييم في هذه التمارين  
مستوى التطبيق

5) يغطي الموضوع أكبر نسبة ممكنة من  
البرنامج

بهنياتنا لكم بالتوفيق و النجاح

4) أدرس وضعية  $(\Delta)$  بالنسبة للمنحني  $(C_f)$

5) أكتب معادلة المماس  $(\Delta')$  للمنحني  $(C_f)$  في

النقطة ذات الفاصلة 1

6) أنشئ المماس  $(\Delta')$  ثم المنحني  $(C_f)$

### مسألة (22) :

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $]0, +\infty[$  كما يلي :

$$f(x) = -1 + \frac{1 + \ln x}{x}$$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم  
متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$  .

1) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجالات  
تعريفها

2) أدرس إتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول  
تغيراتها

3) أكتب معادلة المماس للمنحني  $(C_f)$  و الذي

يشمل النقطة  $A(0, -1)$  ، ثم أنشئ  $(C_f)$

4) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$   
عدد حلول المعادلة :  $f(x) = mx - 1$

### مسألة (23) :

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي :

$$f(x) = (x-1)(1+e^{-x})$$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم  
متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$  .

1) أحسب  $f'(x)$  ثم  $f''(x)$

2) أدرس إشارة  $f''(x)$  ثم إستنتج إشارة  $f'(x)$

3) أدرس إتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول  
تغيراتها

4) بين أن المنحني  $(C_f)$  يقبل مستقيم مقارب مائل  
 $(\Delta)$  يطلب كتابة معادلته

5) أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$

6) أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحني  $(C_f)$   
الموازي للمستقيم  $(\Delta)$

7) بين أن المنحني  $(C_f)$  يقبل نقطة إنعطاف يطلب  
تعيين إحداثيها

8) أرسم  $(C_f), (\Delta), (T)$



